Lista 02 – Parte I

Capacitores (capítulos 29 e 30)

01) Em um capacitor de placas planas e paralelas, a área de cada placa é $2,0\text{m}^2$ e a distância de separação entre elas é de $1,0\text{mm}$. O capacitor é carregado através de um potencial de 100V .

a) qual é o valor do campo elétrico entre as placas?

b) qual é a energia por unidade de volume no espaço entre as placas?

c) determine a energia total multiplicando a resposta do item (b) pelo volume total entre as placas.

d) determine a capacitância C ;

e) calcule a energia total entre as placas a partir da equação $U = \frac{1}{2}CV^2$, e compare a resposta com o resultado do item (c).

02) Na figura abaixo, dois capacitores de placas planas e paralelas A e B são ligados em paralelo a uma bateria de 600V . A área das placas dos capacitores é de 80cm^2 e a distância entre as placas é de 3mm . O dielétrico do capacitor A é o ar, o do capacitor B é um material de constante dielétrica $\kappa = 2,60$. Determine o módulo do campo elétrico:

a) no espaço entre as placas do capacitor A;

b) no espaço entre as placas do capacitor B.
(justifique este valor)

Determine a densidade de cargas livres η :

c) na placa de maior potencial do capacitor A;

d) na placa de maior potencial do capacitor B.

e) determine a densidade de cargas induzida η' na superfície superior do dielétrico do capacitor B.

03) Um fabricante quer produzir um capacitor que armazene 5 vezes mais energia que os atuais fabricados quando está sobre a mesma ddp. Determine de quanto ele deve aumentar a constante dielétrica dos capacitores atualmente fabricados? (Suponha que os capacitores fabricados são de placas paralelas com área A , separação entre as placas d e constante dielétrica κ .)

04) Na figura ao lado a bateria possui uma diferença de potencial de 10V e os cinco capacitores possuem, cada um, uma capacitância de $10\mu\text{F}$.

Qual é a carga:

- sobre o capacitor 1 e ;
- sobre o capacitor 2?

05) A figura ao lado mostra uma bateria de 12,0V e três capacitores descarregados de capacitâncias $C_1=4,0\mu\text{F}$, $C_2=6,0\mu\text{F}$ e $C_3= 3,0\mu\text{F}$. A chave S é deslocada para a esquerda até que o capacitor 1 esteja totalmente carregado. Em seguida, a chave S é deslocada para direita. Determine a carga final em cada capacitor.

06) Um capacitor de 100 pF é carregado com uma diferença de potencial de 50V e a bateria usada para carregar o capacitor é desligada. Em seguida, o capacitor é ligado em paralelo a um segundo capacitor, inicialmente descarregado. Se a diferença de potencial entre as placas do primeiro capacitor cai para 35V, qual é a capacitância do segundo capacitor?

Capítulo 31

07) A corrente em um fio varia com o tempo segundo a relação $i = 4 + 2t^2$, onde i é dada em ampère e t em segundos.

- Qual a carga em Coulomb que passa através de uma seção transversal do fio no intervalo de tempo entre $t=5\text{ s}$ e $t = 10\text{ s}$?
- Que corrente constante transportaria a mesma carga no mesmo intervalo de tempo?

08) Determine a corrente em um fio de raio $R = 3,4 \text{ mm}$ se o módulo da densidade de corrente é dado por: (r é a distância radial e $J_0 = 5,5 \times 10^4 \text{ A/m}^2$.)

a) $J_a = J_0 \left(\frac{r}{R} \right)$;

b) $J_b = J_0 \left(1 - \frac{r}{R} \right)$.

c) Para qual das duas funções a densidade de corrente perto da superfície do fio é maior?

09) A figura ao lado mostra o módulo $E(x)$ do campo elétrico criado por uma bateria ao longo de uma barra resistiva de seção circular e $9,00 \text{ mm}$ de comprimento (figura b). A barra é formada por 3 trechos feitos do mesmo material, mas com raios diferentes. (O diagrama esquemático da figura b não mostra os raios diferentes). O raio da seção 3 é de $2,00 \text{ mm}$. Determine o raio:

a) da seção 1;

b) da seção 2.

10) Quando uma diferença de potencial de 115 V é aplicada às extremidades de um fio de 10 m de comprimento com raio de $0,30 \text{ mm}$, o módulo da densidade de corrente é $1,4 \times 10^6 \text{ A/m}^2$. Determine a resistividade do fio.

11) Ligam-se em paralelo dois condutores X e Y, tendo comprimentos iguais de 40 m e mesma área de seção transversal $A = 0,1 \text{ m}^2$. Uma diferença de potencial de 60 V é aplicada nas extremidades dos dois condutores. As resistências dos condutores são 40Ω e 20Ω , respectivamente. Determine:

a) as resistividades dos dois condutores;

b) a intensidade do campo elétrico em cada condutor;

c) a densidade de corrente em cada condutor.

12) Considere um resistor com seção reta uniforme de área A , comprimento L e resistividade uniforme ρ conduzindo uma corrente elétrica com densidade uniforme J . Calcule a potência P dissipada por unidade de volume. Expresse o resultado em termos:

- a) de J e de E ;
- b) de J e de ρ ;
- c) de ρ e de E .

13) A figura ao lado mostra um fio 1, com $4,0R$ de diâmetro, e um fio 2, com $2,0R$ de diâmetro, ligados por um trecho de fio em que o diâmetro varia gradualmente. O fio composto é de cobre e está sendo percorrido por uma corrente distribuída uniformemente ao longo de qualquer seção reta do fio. A variação do potencial elétrico V ao longo do comprimento $L = 2,0$ m do fio 2 é $10 \mu\text{V}$. O número de portadores de carga por unidade de volume é $8,49 \times 10^{28} \text{ m}^{-3}$. ($\rho_{\text{Cu}} = 1,69 \times 10^{-8} \Omega \cdot \text{m}$)

- a) qual é a densidade de corrente no fio 2?
- b) qual é a densidade de corrente no fio 1?
- c) qual é a velocidade de deriva dos elétrons de condução no fio 1?;
- d) qual é a razão entre os campos 2 e 1 (E_2/E_1)?;

14) Um aquecedor de ambiente de 1250 W foi projetado para funcionar com 115 V .

- a) Qual é a corrente consumida pelo aparelho?
- b) Qual a resistência do elemento de aquecimento?
- c) Qual a energia térmica produzida pelo aparelho em 1h?

15) Uma companhia de eletricidade fornece energia à casa de um consumidor, a partir de uma linha que opera a 120 V , através de um fio de cobre, com 50 m de comprimento e uma resistência de $0,1 \Omega$ por 300 m . Considere a estação de energia como uma bateria real, cuja resistência interna é a do fio de cobre.

- a) calcule a tensão na casa do consumidor para uma corrente de carga de 100 A .

Para essa corrente, calcule:

- b) a potência que o consumidor está recebendo;
- c) a potência perdida nos fios de cobre.

16) Um cabo elétrico é formado por 125 fios com uma resistência de $2,65 \text{ m}\Omega$ cada um. A mesma diferença de potencial é aplicada às extremidades de todos os fios, o que produz uma corrente total de 750 A .

- (a) Qual é a corrente em cada fio?
- (b) Qual é a diferença de potencial aplicada?
- (c) Qual é a resistência do cabo?

17) Uma lâmpada de 100 W é ligada a uma tomada de parede de 120 V .

- (a) Quanto custa deixar a lâmpada ligada continuamente durante um mês de 31 dias? Suponha que o preço da energia elétrica é de $\text{R}\$0,60/\text{kWh}$ (quilowatt hora).
- (b) Qual é a resistência da lâmpada?
- (c) Qual é a corrente na lâmpada?

Respostas

01) (a) 10^5 V/m (b) 44 mJ/m^3 (c) $88 \mu\text{J}$ (d) $17,7 \text{ nF}$ (e) $88 \mu\text{J}$; **02)** (a) $2 \times 10^5 \text{ V/m}$ (b) $2 \times 10^5 \text{ V/m}$ (c) $1,77 \mu\text{C/m}^2$ (d) $4,60 \mu\text{C/m}^2$ (e) $2,83 \mu\text{C/m}^2$; **03)** aumentar 5 vezes; **04)** (a) $Q_1 = 50 \mu\text{C}$ (b) $Q_2 = 100 \mu\text{C}$; **05)** $Q_1 = 32 \mu\text{C}$, $Q_2 = Q_3 = 16 \mu\text{C}$; **06)** 43 pF ; **07)** (a) $603,3 \text{ C}$ (b) $120,7 \text{ A}$; **08)** : (a) $1,33 \text{ A}$ (b) $0,666 \text{ A}$ (c) J_a ; **09)** (a) $r_2 = 1,22 \text{ mm}$ (b) $r_1 = 1,55 \text{ mm}$; **10)** $8,2 \times 10^6 \Omega \cdot \text{m}$; **11)** (a) $\rho_X = 0,1 \Omega \cdot \text{m}$, $\rho_Y = 0,05 \Omega \cdot \text{m}$ (b) $E_X = 15 \text{ V/m}$, $E_Y = 1,5 \text{ V/m}$ (c) $J_X = 150 \text{ A/m}^2$, $J_Y = 30 \text{ A/m}^2$; **12)** (a) ($p = P/\text{volume}$) $p = EJ$ (b) $p = J^2 \rho$ (c) $p = E^2/\rho$; **13)** (a) 296 A/m^2 (b) 74 A/m^2 (c) $5,44 \times 10^{-9} \text{ m/s}$ (d) 4; **14)** (a) $10,9 \text{ A}$ (b) $10,6 \Omega$ (c) $4,5 \text{ MJ}$; **15)** (a) 118 V (b) $11,8 \text{ kW}$ (c) 170 W ; **16)** (a) 6 A (b) $15,9 \text{ mV}$ (c) $21,2 \mu\Omega$; **17)** (a) $\text{R}\$44,6$ (b) 144Ω (c) $0,833 \text{ A}$.